

EXERCICE N° 1 (4 pts)

I) Répondre par VRAI ou FAUX. Aucune justification n'est demandée

- 1) Soit x un angle aigu. On a : $\sin^2(x) + \tan^2(x) = \frac{1-\cos^4(x)}{\cos^2(x)}$
 2) L'image par une translation d'une droite est une droite qui lui est strictement parallèle

II) Choisir la seule bonne réponse :

- 1) Soient A et B deux points distincts et I le milieu du segment $[AB]$. Si $2\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{MI} = 2\overrightarrow{AB}$ alors :
 a) $M=A$ b) $M=B$ c) M est un point quelconque
 2) Soit $f(x) = 2x + x(m - (m - 1)x) + 1 - x^2$. f est une fonction affine si :
 a) $m=1$ b) $m=-1$ c) $m=0$

EXERCICE N° 2 (6 pts)

On muni le plan d'un repère (O, I, J) tels que $OI = OJ = 1$ et $(OI) \perp (OJ)$

Soient les points $A(2,0)$ et $B(-2,-2)$

f est la fonction affine telle que sa représentation graphique Δf passe par les points A et B

- 1) Vérifier que $f(x) = \frac{1}{2}x - 1$
 2) Tracer Δf
 3) Soit $E(|t|, t^2 - 1)$, où t est un réel. Déterminer t pour que A, B et E soient alignés
 4) Calculer l'antécédent de -3 par f puis résoudre graphiquement : $-3 \leq f(x) < 0$
 5) Soit $x \in]-\infty, 0[$. M est un point de Δf d'abscisse x et H son projeté orthogonal sur la droite (OI)
 a) Vérifier que l'aire du triangle AMH est $A(x) = \frac{(x-2)^2}{4}$
 b) Déterminer les réels x pour lesquels $A(x) \leq 9$

EXERCICE N° 3 (7 pts)

ABC est un triangle isocèle en A et I est le milieu du segment $[AC]$

- 1) a) Construire les points E et F tels que $2\overrightarrow{AE} + 3\overrightarrow{CB} = \vec{0}$ et $\overrightarrow{FC} = \frac{3}{2}\overrightarrow{BC}$

b) Montrer que $t_{\overrightarrow{FA}}(C) = E$ et que $\overrightarrow{IE} + \overrightarrow{IF} = \vec{0}$

- 2) Soit $H = S_{(BC)}(A)$ et $K = t_{\overrightarrow{AH}}(F)$

a) Construire les points H et K

b) Montrer que $(FK) \perp (AE)$

- 3) On désigne par \mathcal{C} le cercle circonscrit au triangle AHE et par $\mathcal{C}' = t_{\overrightarrow{EC}}(\mathcal{C})$

a) Montrer que \mathcal{C}' est circonscrit au triangle FKC

b) La droite (AC) coupe \mathcal{C} en M et la parallèle à (AC) passant par F coupe \mathcal{C}' en N .

Montrer que $t_{\overrightarrow{EC}}(M) = N$

- 4) On désigne par G le point tel que $\overrightarrow{AE} + \overrightarrow{HG} + \alpha \overrightarrow{GH} = \vec{0}$. Déterminer le réel α pour que $G \in \mathcal{C}$

EXERCICE N° 4 (3 pts)

Soit $ABCD$ un parallélogramme

- 1) Construire le point E tel que : $\overrightarrow{AE} = \frac{3}{2}\overrightarrow{DC}$

- 2) Construire le point H tel que : $\overrightarrow{AH} = \overrightarrow{AC} + \frac{3}{2}\overrightarrow{DC}$

- 3) Soit M le point tel que $\overrightarrow{BM} = 2\overrightarrow{CA} + 3\overrightarrow{CD}$. Montrer que \overrightarrow{BM} et \overrightarrow{AH} sont colinéaires